

**OLIMPIADA DE MATEMATICĂ
ETAPA LOCALĂ
CLASA a VIII-a
18.02.2012**

Subiectul I.(20 puncte)

1. Demonstrați că: $\frac{\sqrt{1 \cdot 2}}{3} + \frac{\sqrt{2 \cdot 3}}{5} + \frac{\sqrt{3 \cdot 4}}{7} + \dots + \frac{\sqrt{2010 \cdot 2011}}{4021} \leq 1005$.

Prof. Florica Daniela Bodea, Liceul Teoretic. „Gelu Voievod” Gilău

2. Demonstrați că numărul $n = 2012^3 + 2013^3 + 2014^3 + 2015^3 + 2016^3 + 2017^3$ este divizibil cu 17.

Prof. Sorin Borodi, Liceul Teoretic „Alexandru Papiu Ilarian” Dej

Subiectul II.(30 puncte)

Fie $x \in \mathbb{R}$.

- Să se arate că $(x-2)(2x^2 - 2x + 1) = 2x^3 - 6x^2 + 5x - 2$;
- Descompuneți în doi factori de gradul doi, expresia: $E(x) = 2x^4 - 10x^3 + 17x^2 - 12x + 4$;
- Comparați A și B , unde $A = 2x^4 - 12x$ și $B = 10x^3 - 17x^2 - 4$.

Prof. Vasile Șerdean, Școala cu clasele I-VIII nr. 1 Gherla

Subiectul III.(10 puncte)

Dimensiunile a, b, c ale unui paralelipiped dreptunghic verifică relația:

$$\frac{1}{a+b} + \frac{1}{b+c} + \frac{1}{a+c} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \right). \text{ Arătați că paralelipipedul este cub.}$$

Prof. Cristian Petru Pop, Inspectoratul Școlar Județean Cluj

Subiectul IV.(30 puncte)

Se consideră triunghiul ABC cu AB=13 cm, BC=20 cm, AC=21 cm și $P \in (AC)$ astfel încât

$$\frac{AP}{PC} = \frac{2}{5}. \text{ Dacă EP este perpendiculară pe planul (ABC) și EP=12 cm, să se calculeze:}$$

- Distanța de la E la BC;
- Distanța de la P la planul (EAB);

Prof. Vasile Șerdean, Școala cu clasele I-VIII nr. 1 Gherla

**Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
Timp efectiv de lucru - 3 ore.**

